

Schema riassuntivo per il calcolo delle pulsazioni proprie e della matrice modale

METODO "A"

Tipo di problema: Problema agli autovalori generalizzato

Equazione matriciale: $(\mathbf{K} - \omega^2 \mathbf{M})\mathbf{X} = \mathbf{0}$

Relazione fra λ e ω : $\lambda = \omega^2$

Soluzione: $|\mathbf{K} - \omega^2 \mathbf{M}| = 0$ ovvero $|\mathbf{K} - \lambda \mathbf{M}| = 0$

Calcolo pulsazioni proprie (Mathcad): $\sqrt{\text{genvals}(\mathbf{K}, \mathbf{M})}$

Calcolo matrice modale (Mathcad): $\text{genvecs}(\mathbf{K}, \mathbf{M})$

METODO "B"

Tipo di problema: Problema agli autovalori semplice

Equazione matriciale: $(\mathbf{M}^{-1} \mathbf{K} - \omega^2 \mathbf{I})\mathbf{X} = \mathbf{0} \Rightarrow (\mathbf{D} - \omega^2 \mathbf{I})\mathbf{X} = \mathbf{0}$

con $\mathbf{D} = \mathbf{M}^{-1} \mathbf{K}$ e $\mathbf{I} = \text{matrice identità}$

Relazione fra λ e ω : $\lambda = \omega^2$

Soluzione: $|\mathbf{D} - \omega^2 \mathbf{I}| = 0$ ovvero $|\mathbf{D} - \lambda \mathbf{I}| = 0$

Calcolo pulsazioni proprie (Mathcad): $\sqrt{\text{eigenvals}(\mathbf{D})}$

Calcolo matrice modale (Mathcad): $\text{eigenvecs}(\mathbf{D})$

METODO “C”

Tipo di problema:

Problema agli autovalori generalizzato

Equazione matriciale:

$$\left(\mathbf{M} - \frac{1}{\omega^2} \mathbf{K}\right) \mathbf{X} = \mathbf{0}$$

Relazione fra λ e ω :

$$\lambda = \frac{1}{\omega^2}$$

Soluzione:

$$\left| \mathbf{M} - \frac{1}{\omega^2} \mathbf{K} \right| = 0 \quad \text{ovvero} \quad |\mathbf{M} - \lambda \mathbf{K}| = 0$$

Calcolo pulsazioni proprie (Mathcad):

$$\frac{1}{\sqrt{\text{genvals}(\mathbf{M}, \mathbf{K})}}$$

Calcolo matrice modale (Mathcad):

$$\text{genvecs}(\mathbf{M}, \mathbf{K})$$

METODO “D”

Tipo di problema:

Problema agli autovalori semplice

Equazione matriciale:

$$\left(\mathbf{K}^{-1} \mathbf{M} - \frac{1}{\omega^2} \mathbf{I}\right) \mathbf{X} = \mathbf{0} \quad \Rightarrow \quad \left(\bar{\mathbf{D}} - \frac{1}{\omega^2} \mathbf{I}\right) \mathbf{X} = \mathbf{0}$$

con $\bar{\mathbf{D}} = \mathbf{K}^{-1} \mathbf{M}$ e $\mathbf{I} = \text{matrice identità}$

Si definisce $\mathbf{A} = \mathbf{K}^{-1}$ (matrice di cedevolezza)

Relazione fra λ e ω :

$$\lambda = \frac{1}{\omega^2}$$

Soluzione:

$$\left| \bar{\mathbf{D}} - \frac{1}{\omega^2} \mathbf{I} \right| = 0 \quad \text{ovvero} \quad |\bar{\mathbf{D}} - \lambda \mathbf{I}| = 0$$

Calcolo pulsazioni proprie (Mathcad):

$$\frac{1}{\sqrt{\text{eigenvals}(\bar{\mathbf{D}})}}$$

Calcolo matrice modale (Mathcad):

$$\text{eigenvecs}(\bar{\mathbf{D}})$$